

Apellido y Nombre:

P1 - **Exprese** el área del trozo de superficie de ecuación $z = \sqrt{x^2 + y^2}$ con $x^2 + y^2 \leq 4y$ como una integral doble. proyectando convenientemente, y **extraiga** conclusión geométrica

P2- **Halle** el valor del trabajo de $\vec{f} \in C^1$ a lo largo de la curva C de ecuaciones: $x + z = 3 \wedge x^2 + y^2 = 1$, sabiendo que $\text{rot}(\vec{f}) = (z, y, x)$, recorriendo la curva C desde el punto $(1,0,2) \rightarrow (0,-1,3) \rightarrow (-1,0,4) \rightarrow (0,1,3) \rightarrow (1,0,2)$

P3- **Calcule** el flujo de $\vec{f}(x,y,z) = (g(y,z), h(x,z), z)$ a través de la superficie abierta S de ecuación $z = 1 + x^2 + y^2$, con $z \leq 2$; siendo $g \wedge h \in C^1$ y S orientada con versor normal de tercer componente negativa

P4- Sea $\vec{F}(x, y, z) = (2xy, x^2 + z^2, 2yz)$. **Analice** la existencia de función potencial y **calcule**, mediante dos procedimientos distintos, $\int_{\widehat{AB}} \vec{F} \cdot d\vec{s}$,

si $A = (2, 4, 4)$ y $B = (1, 1, 2)$ son extremos del arco curva $C: \begin{cases} y = x^2 \\ z = 2x \end{cases}$.

P5- **Exprese** el área de recinto limitado por $y = x + 4$, y la curva solución de $y' + y = x^2 - 4x + 6$ sabiendo que la recta tangente en el punto $(0, y_0)$ es $y = -4x + 4$